

Aufgabe 1

Teilaufgabe a)

Erste Spalte:

$$l_{11} = \sqrt{a_{11}} \quad (1)$$

$$l_{21} = \frac{a_{21}}{l_{11}} \quad (2)$$

$$l_{31} = \frac{a_{31}}{l_{11}} \quad (3)$$

(4)

Zweite Spalte:

$$l_{22} = \sqrt{a_{22} - l_{21}^2} \quad (5)$$

$$l_{32} = \frac{a_{32} - l_{21} \cdot l_{31}}{l_{22}} \quad (6)$$

(7)

Dritte Spalte:

$$l_{33} = \sqrt{a_{33} - l_{32}^2 - l_{31}^2} \quad (8)$$

Teilaufgabe b)

$$l_{11} = 2 \quad (9)$$

$$l_{21} = 1 \quad (10)$$

$$l_{31} = -2 \quad (11)$$

$$l_{22} = 3 \quad (12)$$

$$l_{32} = 1 \quad (13)$$

$$l_{33} = 1 \quad (14)$$

(15)

Die restlichen Einträge sind 0. (L ist immer eine untere Dreiecksmatrix)

Teilaufgabe c)

$$A \cdot x = b \Leftrightarrow L \cdot L^T \cdot x = b \quad (16)$$

$$L \cdot c = b \tag{17}$$

Löse 17 mit Vorwärtssubstitution.

$$L^T \cdot x = c \tag{18}$$

Löse 18 mit Rückwärtssubstitution.

$$x_3 = 3 \tag{19}$$

$$x_2 = 1 \tag{20}$$

$$x_1 = 2 \tag{21}$$

Aufgabe 2

Teilaufgabe a)

$$r_{ij} = a_{ij} - \sum_{k=1}^{i-1} l_{ik} \cdot r_{kj} \quad (22)$$

$$l_{ij} = \frac{a_{ij} - \sum_{k=1}^{j-1} l_{ik} \cdot r_{kj}}{r_{jj}} \quad (23)$$

```
for  $d \in \{1, \dots, n\}$  do  
    berechne d-te Zeile von R  
    berechne d-te Spalte von L  
end for
```
